Самостоятельная работа по теме: «Ряды»

1 вариант

2 вариант

1. Найдите первые четыре члена ряда по заданному общему члену:

a)
$$a_n = \frac{1}{(2n+1)\cdot 2^{n-1}};$$

a)
$$a_n = \frac{3n+2}{(3n-1)\cdot 2^{n-1}}$$

6)
$$a_n = \frac{n+1}{(2n-1)\cdot 3^{n-1}}$$

6)
$$a_n = \frac{3n+1}{(n^2+1)\cdot 3^{n-1}}$$

2. Найдите формулу общего члена

a)
$$1 + \frac{3}{2} + \frac{5}{3} + \dots$$

a)
$$\frac{5}{1} + \frac{9}{2} + \frac{13}{3} + \dots$$

6)
$$\frac{2}{5} + \frac{5}{7} + \frac{8}{9} + \dots$$

6)
$$\frac{4}{2} + \frac{7}{4} + \frac{10}{12} + \dots$$

3. Вычислите сумму членов ряда

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n+1}{n^2(n+1)^2}.$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n(n+1)(n+2)}.$$

4. Используя признак сравнения, исследуйте сходимость ряда

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(2n-1)\cdot 2^{2n-1}}.$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(n+1)(n+3)}.$$

5. Используя признак Даламбера, исследуйте сходимость ряда

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(2n+1)!}.$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{5^n}{n^5}.$$